

Ne rien écrire ici

2) Soit la suite U définie par:
$$\begin{cases} U_0 = 1 \\ U_n = 2 * U_{n-1} + n \end{cases} \quad (\text{avec } n \text{ un entier supérieur ou égal à } 1)$$

a) U est une suite récurrente d'ordre :

1

2

5

b) Le 3^{ème} terme de la suite U (U_2) est égal à :

5

8

9

c) L'algorithme permettant de calculer U_n (avec $n \geq 1$) est :

0) Def FN terme (n : entier) : entier
1) t[0] ← 1
2) Pour i de 1 à n faire
 t[i] ← 2*t[i-1]+n
 Fin pour
3) terme ← t[n]
4) Fin terme

0) Def FN terme(n : entier) : entier
1) Si n=0 alors terme ← 1
 Sinon
 terme ← 2*FN terme(n-1)+n
 Fin si
2) Fin terme

0) Def FN terme(n : entier) : entier
1) Up ← 1
2) Pour i de 2 à n faire
 Up ← 2*Up+i
 Fin pour
3) terme ← Up
4) Fin terme

Exercice 2 (3 points)

En arithmétique, un **auto-nombre** est un entier naturel N qui ne peut pas s'écrire sous la forme d'un nombre M ajouté à la somme des chiffres de M .

Exemples :

- Pour $N = 21$,
 N n'est pas un **auto-nombre**, puisqu'il peut être généré à partir de la somme d'un nombre M égal à 15 et les chiffres qui le constituent (1 et 5) c'est-à-dire $21 = 15 + 1 + 5$.
- Pour $N = 20$,
 N est un **auto-nombre** puisqu'il ne peut pas être généré à partir de la somme d'un nombre M et les chiffres qui le constituent.

Travail demandé :

Ecrire une analyse d'un module intitulé `Verif_auto_nombre`, permettant de vérifier si un entier naturel N strictement positif est un **auto-nombre**, sachant que N est déjà saisi dans l'analyse du programme principal.