

Ne rien écrire ici

2) Soit la suite  $U$  définie par: 
$$\begin{cases} U_0 = 1 \\ U_n = 2 * U_{n-1} + n \end{cases} \quad (\text{avec } n \text{ un entier supérieur ou égal à } 1)$$

a)  $U$  est une suite récurrente d'ordre :

1

2

5

b) Le 3<sup>ème</sup> terme de la suite  $U$  ( $U_2$ ) est égal à :

5

8

9

c) L'algorithme permettant de calculer  $U_n$  (avec  $n \geq 1$ ) est :

0) Def FN terme (n : entier) : entier  
1) t[0] ← 1  
2) Pour i de 1 à n faire  
    t[i] ← 2\*t[i-1]+n  
    Fin pour  
3) terme ← t[n]  
4) Fin terme

0) Def FN terme(n : entier) : entier  
1) Si n=0 alors terme ← 1  
    Sinon  
        terme ← 2\*FN terme(n-1)+n  
    Fin si  
2) Fin terme

0) Def FN terme(n : entier) : entier  
1) Up ← 1  
2) Pour i de 2 à n faire  
    Up ← 2\*Up+i  
    Fin pour  
3) terme ← Up  
4) Fin terme

### Exercice 2 (3 points)

En arithmétique, un **auto-nombre** est un entier naturel  $N$  qui ne peut pas s'écrire sous la forme d'un nombre  $M$  ajouté à la somme des chiffres de  $M$ .

Exemples :

- Pour  $N = 21$ ,  
 $N$  n'est pas un **auto-nombre**, puisqu'il peut être généré à partir de la somme d'un nombre  $M$  égal à 15 et les chiffres qui le constituent (1 et 5) c'est-à-dire  $21 = 15 + 1 + 5$ .
- Pour  $N = 20$ ,  
 $N$  est un **auto-nombre** puisqu'il ne peut pas être généré à partir de la somme d'un nombre  $M$  et les chiffres qui le constituent.

**Travail demandé :**

Ecrire une analyse d'un module intitulé `Verif_auto_nombre`, permettant de vérifier si un entier naturel  $N$  strictement positif est un **auto-nombre**, sachant que  $N$  est déjà saisi dans l'analyse du programme principal.