

REPUBLIQUE TUNISIENNE MINISTERE DE L'EDUCATION ***** <b>EXAMEN DU BACCALAUREAT</b> <b>SESSION 2015</b>	Epreuve : <b>SCIENCES PHYSIQUES</b>
	Durée : 3 H
	Coefficient : 4
<b>Section : Mathématiques</b>	<b>Session principale</b>

Le sujet comporte 5 pages numérotées de 1/5 à 5/5.  
 La page 5/5 est à remplir par le candidat et à remettre avec sa copie.

## Chimie (7 points)

### Exercice 1 (3 points)

On prépare, dans deux erlenmeyers propres et secs à l'instant  $t = 0$ , deux mélanges homogènes (A) et (B) identiques et équimolaires formés d'acide méthanoïque ( $\text{HCO}_2\text{H}$ ), d'éthanol ( $\text{CH}_3\text{CH}_2\text{OH}$ ) et de quelques gouttes d'acide sulfurique concentré, pris comme catalyseur. Immédiatement après, on place :

- l'erlenmeyer contenant le mélange (A) dans un bain d'eau glacée ;
- l'erlenmeyer contenant le mélange (B) dans un bain porté à une température constante de  $50^\circ\text{C}$ , après l'avoir équipé d'un réfrigérant à air.

A l'instant  $t_1 = 10 \text{ min}$ , la moitié du volume du mélange (A) est retirée du bain d'eau glacée et immédiatement dosée par une solution aqueuse ( $S_B$ ) de soude ( $\text{NaOH}$ ) de concentration  $C = 1 \text{ mol.L}^{-1}$ , en présence d'un indicateur coloré approprié. Le volume de ( $S_B$ ) ajouté à l'équivalence est  $V_{1A} = 15 \text{ mL}$ . A l'instant  $t_2 = 20 \text{ min}$ , on retire, du bain d'eau glacée, l'autre moitié du mélange (A) et on refait la même expérience précédente de dosage. Le volume de ( $S_B$ ) ajouté à l'équivalence est  $V_{2A} = 15 \text{ mL}$ .

Le mélange (B) est le siège d'une réaction chimique qui atteint l'état d'équilibre à l'instant  $t_3$ , moment à partir duquel le mélange obtenu est dosé par la même solution ( $S_B$ ). Le volume de ( $S_B$ ) ajouté à l'équivalence est  $V_B = 10 \text{ mL}$ .

Pour chacun des dosages, on supposera négligeable la quantité d'ions  $\text{H}_3\text{O}^+$  provenant de l'acide sulfurique devant celle provenant de l'acide méthanoïque.

- 1- Donner le nom de la réaction qui apparaît dans le mélange (B) avant d'atteindre l'équilibre et préciser les propriétés qui la caractérisent.
- 2- a- Justifier le résultat expérimental  $V_{1A} = V_{2A}$ , bien que  $t_1 \neq t_2$ .  
 b- Montrer que la quantité de matière initiale  $n_0$  d'alcool dans le mélange (B) est  $n_0 = 3 \cdot 10^{-2} \text{ mol}$ .
- 3- a- Déterminer la valeur du taux d'avancement final  $\tau_f$  de la réaction qui se produit dans le mélange (B).  
 b- Préciser la propriété caractéristique, de la réaction qui se produit dans le mélange (B), qui est confirmée par la valeur trouvée de  $\tau_f$ .
- 4- Dans le but d'augmenter expérimentalement la valeur de  $\tau_f$  pour le mélange (B), préciser, en le justifiant, si chacun des cas suivants y convient :  
 a- augmenter la quantité d'acide sulfurique ;  
 b- éliminer, par un moyen approprié, la quantité d'eau au fur et à mesure qu'elle se forme.

### Exercice 2 (4 points)

Toutes les solutions sont considérées à  $25^\circ\text{C}$ , température à laquelle  $\text{p}K_a = 14$ .

On considère une solution aqueuse ( $S_A$ ) d'un acide faible AH de concentration  $C_A = 0,1 \text{ mol.L}^{-1}$  et de  $\text{pH} = 2,9$ . On suppose que l'on pourra négliger les ions dus à l'ionisation propre de l'eau.

- 1- Dresser le tableau descriptif d'avancement volumique noté  $y$ , relatif à la réaction de l'acide AH avec l'eau.

2- a- Exprimer le taux d'avancement final  $\tau_f$ , de la réaction de l'acide AH avec l'eau, en fonction du pH et de  $C_A$ . Calculer la valeur de  $\tau_f$ .

b- Montrer que la constante d'acidité  $K_a$ , du couple acide / base AH / A<sup>-</sup>, peut s'écrire :  $K_a = \frac{10^{-pH} \cdot \tau_f}{1 - \tau_f}$ .

c- Vérifier que le pK<sub>a</sub> du couple AH / A<sup>-</sup> s'écrit :  $pK_a = pH - \log \tau_f$ . Indiquer l'approximation utilisée.

3- Maintenant, on prépare, par dilution à l'eau distillée à partir de (S<sub>A</sub>), deux solutions aqueuses (S<sub>A1</sub>) et (S<sub>A2</sub>) de même volume  $V = 50 \text{ mL}$  et de concentrations respectives  $C_{A1}$  et  $C_{A2}$ . En fait, pour obtenir (S<sub>A1</sub>), on dilue deux fois un volume  $v_{01}$  de (S<sub>A</sub>) et pour obtenir (S<sub>A2</sub>) on dilue dix fois un volume  $v_{02}$  de (S<sub>A</sub>).

a- Préciser la valeur de  $v_{01}$ .

b- Décrire brièvement le mode opératoire qui permet de préparer (S<sub>A1</sub>) en indiquant le matériel adéquat. On dispose de : un flacon d'un litre de (S<sub>A</sub>) ; une pissette remplie d'eau distillée ; fioles jaugées de 50 mL, 100 mL et 250 mL ; béchers de 100 mL ; pipettes jaugées de 5 mL, 10 mL et 25 mL ; agitateur.

c- Les concentrations, les pH des solutions précédentes et les valeurs des  $\tau_f$  correspondants sont consignés dans le tableau ci-contre.

Solution	(S <sub>A</sub> )	(S <sub>A1</sub> )	(S <sub>A2</sub> )
Concentration (mol.L <sup>-1</sup> )	0,1	...	...
pH	2,90	3,05	...
$\tau_f$	0,0125	...	0,0398

c<sub>1</sub>- Reproduire puis compléter le tableau précédent en faisant les calculs nécessaires.

c<sub>2</sub>- Calculer la valeur du pK<sub>a</sub> du couple AH / A<sup>-</sup>.

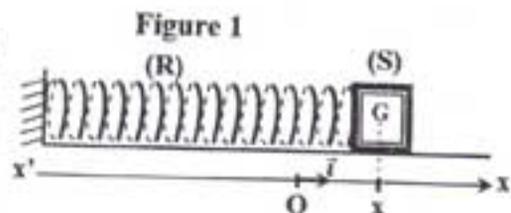
c<sub>3</sub>- Identifier, en le justifiant, le couple AH / A<sup>-</sup> parmi les couples donnés dans le tableau suivant :

Couple acide / base	HClO / ClO <sup>-</sup>	CH <sub>3</sub> CO <sub>2</sub> H / CH <sub>3</sub> CO <sub>2</sub> <sup>-</sup>	HNO <sub>2</sub> / NO <sub>2</sub> <sup>-</sup>
pK <sub>a</sub>	7,4	4,8	3,3

## Physique (13 points)

### Exercice 1 (5,5 points)

Le pendule élastique de la figure 1 est constitué d'un ressort (R) à spires non jointives, de masse supposée négligeable et de raideur  $k$ , lié à un solide (S) de masse  $m$  qui peut se déplacer sur un plan horizontal ; où l'énergie potentielle de pesanteur est supposée nulle. A l'équilibre, le centre d'inertie G de (S) coïncide avec l'origine O d'un repère (O,  $\vec{i}$ ) porté par un axe horizontal  $x'x$ . Dans ce repère, la position, de (S) à un instant  $t$  donné, est repérée par son abscisse  $x(t)$  et sa vitesse instantanée est  $v(t)$ .



#### A / Expérience 1

On écarte le solide (S) de sa position d'équilibre d'une distance  $d$  et on le lâche sans vitesse initiale, il se met à osciller. A l'aide d'un dispositif d'enregistrement approprié, on obtient la courbe de la figure 2 de la page 5/5 représentant les variations de l'élongation  $x(t)$ .

- 1- Montrer que lors de son mouvement, le solide (S) est soumis à des forces de frottement.
- 2- On assimile la pseudopériode  $T$  à la période propre  $T_0$  des oscillations. Déterminer la fréquence propre  $N_0$  des oscillations.
- 3- a- Exprimer l'énergie mécanique  $E$  du système {(R) + (S)} en fonction de  $m$ ,  $k$ ,  $x$  et  $v$ .  
b- Soient  $E_0$  et  $E_1$  les valeurs des énergies mécaniques du système {(R) + (S)}, respectivement aux instants  $t_0 = 0$  et  $t_1 = 2T_0$ . On note  $X_{m0}$  et  $X_{m1}$ , les amplitudes respectives des oscillations à ces deux instants.

Montrer que :  $\frac{E_1}{E_0} = \frac{X_{m1}^2}{X_{m0}^2}$ .

c- Calculer  $\frac{E_1}{E_0}$ . En déduire que E ne se conserve pas.

## B / Expérience 2

Les forces de frottements exercées sur le solide sont équivalentes à une force de frottement visqueux  $\vec{f} = -h\vec{v}$  ; où  $h$  est une constante positive et  $\vec{v}$  est le vecteur vitesse instantanée du solide (S).

Un excitateur transmet au système {(R) + (S)} une force excitatrice  $\vec{F}(t)$  parallèle à l'axe du ressort et d'expression  $\vec{F}(t) = F_m \sin(2\pi N_e t) \cdot \vec{i}$ , d'amplitude  $F_m$  constante et de fréquence  $N_e$  réglable. Le système {(R) + (S)} oscille en régime sinusoïdal forcé ; où l'élongation de G s'écrit  $x(t) = X_m \sin(2\pi N_e t + \varphi_x)$  ; avec  $X_m$  son amplitude et  $\varphi_x$  sa phase initiale. L'équation différentielle qui régit

le mouvement de G s'écrit :  $m \frac{d^2x}{dt^2} + h \frac{dx}{dt} + kx = F_m \sin(2\pi N_e t)$ .

Pour une valeur  $N_1$  de la fréquence  $N_e$  de l'excitateur, on obtient la construction de Fresnel associée à l'équation différentielle du mouvement du solide (S), telle que représentée par la **figure 3 de la page 5/5** à remplir par le candidat et à remettre avec sa copie.

1- Compléter les indications qui manquent sur la construction de Fresnel de la **figure 3 de la page 5/5**.

2- En utilisant la construction de Fresnel, montrer que :  $\frac{N_1^2}{N_0^2} \approx 0,777$ . En déduire la valeur de  $N_1$ .

3- Sachant que  $k = 20 \text{ N.m}^{-1}$ , déterminer les valeurs de  $X_m$ ,  $h$ ,  $m$  et  $\varphi_x$ .

4- On fait varier la fréquence  $N_e$  jusqu'à une valeur  $N_L$  pour laquelle  $x(t)$  devient en quadrature retard de phase par rapport à  $F(t)$ . Montrer que, dans ce cas, le système {(R) + (S)} est le siège d'un phénomène physique particulier qu'on précisera son nom. Donner alors la valeur de  $N_L$ .

## Exercice 2 (4,5 points)

On dispose d'un vibreur muni d'une fourche à pointe unique et d'une cuve à ondes. Au repos, la pointe verticale affleure la surface libre de la nappe d'eau de la cuve en un point S. En mettant le vibreur en marche, la pointe impose au point S des vibrations verticales sinusoïdales de fréquence  $N$  réglable qui se propagent à la célérité  $v$ . Les bords de la cuve à ondes sont tapissés de mousse pour éviter toute réflexion des ondes (**figure 4**). On néglige l'amortissement des ondes et le phénomène de dilution de l'énergie lors de la propagation des ondes. Le mouvement de S est étudié par rapport à un repère fixe  $(O, \vec{j})$  vertical ascendant. A l'instant  $t = 0$ , l'origine O coïncide avec le point S au repos. L'élongation  $y_s$  de la source S à un instant  $t \geq 0$ , s'écrit :

$$y_s(t) = 2.10^{-3} \sin(40\pi t + \varphi_s) ; \text{ avec } t \text{ exprimé en seconde et } y_s \text{, en mètre.}$$

1- Ecrire l'équation horaire  $y_M(t)$  du mouvement d'un point M de la surface de l'eau, situé au repos, à une distance radiale  $d = SM$  de la source S.

2- La **figure 5 de la page 5/5**, schématise l'aspect de la surface de l'eau à un instant  $t = 0$  à l'échelle 1/2 (2 cm de la surface de l'eau correspondent à 1 cm sur la figure). Les points situés à la distance  $D = 4,5 \text{ cm}$  de S sont atteints par les ébranlements à l'instant  $t = 0$ .

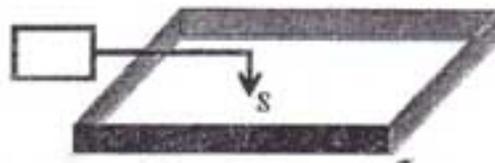
Les crêtes sont représentées par des cercles en traits continus, alors que les creux sont représentés par des cercles en pointillés.

a- Déterminer, à partir de la **figure 5**, la valeur de la longueur d'onde  $\lambda$ .

b- Calculer la valeur de la célérité  $v$  de l'onde.

c- Justifier qu'à l'instant  $t = 0$ , l'élongation du point S est  $y_s = -2 \text{ mm}$ .

Figure 4



d- Déterminer la valeur de  $\theta$ .

e- Déterminer la phase initiale  $\phi_0$  de  $y_1(t)$ .

f- Représenter, sans faire de calcul et en le justifiant, à l'échelle 1 (1 cm de la surface de l'eau correspond à 1 cm sur la figure), l'aspect d'une coupe transversale de la surface de l'eau par un plan vertical passant par le point S à l'instant  $t = \theta$ .

3- Dans cette partie, on excite périodiquement la surface de l'eau à l'aide d'une réglette mince. On obtient des ondes rectilignes progressives de célérité  $v = 0,4 \text{ m.s}^{-1}$  et de fréquence  $N = 20 \text{ Hz}$ . On place un obstacle muni d'une fente F de largeur  $a_1 = 0,5 \text{ cm}$  sur le trajet des ondes (figure 6).

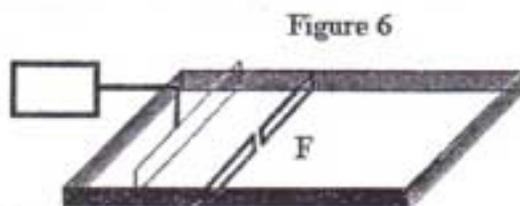


Figure 6

a- Représenter, sur la figure 7 de la page 5/5 et à l'échelle 1/2, l'aspect de la surface de l'eau au-delà de la fente F en supposant que toute la surface de l'eau est atteinte par l'onde. Justifier.

b- Justifier que la célérité de l'onde se conserve avant et après la fente F.

### Exercice 3 (3 points) « Etude d'un document scientifique »

#### La demi-vie d'un radioélément

La période ou demi-vie d'un élément radioactif est définie comme le temps nécessaire pour que la moitié des atomes de cet élément, initialement présent dans un échantillon, ait disparue par désintégration radioactive. L'activité de l'échantillon, c'est-à-dire le nombre de désintégrations qui s'y produisent par seconde, est donc également divisée par deux au bout d'un laps de temps égal à une demi-vie. Lorsque la période d'un élément radioactif atteint le million ou le milliard d'années, le temps nécessaire pour constater une diminution de l'activité, et donc en déduire la période, est trop long. Cependant, l'activité  $A$ , qui est inversement proportionnelle à la demi-vie  $T$ , est aussi proportionnelle au nombre  $N$  d'atomes, si bien qu'une mesure de l'activité d'un échantillon dont la concentration en radioéléments est connue, permet un accès indirect à la période. Cette mesure est rapide. Ainsi, un gramme d'uranium 238 pur, contenant  $2,53 \cdot 10^{21}$  atomes, produit 12400 désintégrations par seconde, ce qui permet de déduire une période d'environ 4,5 milliards d'années. Toutefois, les difficultés expérimentales sont multiples : elles vont de l'obtention d'un échantillon pur ne contenant qu'un seul radioélément à la connaissance précise du rendement de détection et de la sélectivité de l'appareil de mesure utilisé.

*La Recherche – le 01 / 07 / 2009 mensuel n° 432- Jean – Christophe Sabroux, IRSN Gif-sur-Yvette*

On donne :  $1 \text{ an} = 31,536 \cdot 10^6 \text{ s}$ .

Pour répondre aux questions, on se réfère au texte.

1- Donner la définition de chacun des termes suivants :

a- période  $T$  d'un élément radioactif ;

b- activité  $A$  d'un échantillon radioactif d'un élément donné.

2- a- Dégager l'expression qui traduit la définition de l'activité  $A$ .

b- En déduire que :  $A \approx 0,69 \cdot \frac{N}{T}$

3- Citer les difficultés expérimentales qu'on peut rencontrer lors de la détermination de la période d'un élément radioactif.